

عددی نظام (Number Systems)

5.1 ڈیٹا اور انفرمیشن (Data and Information)

فیکٹس (Facts) اور فگرز (Figures) کے مجموعہ کو ڈیٹا کہتے ہیں جبکہ پروسس کیے گئے ڈیٹا کو انفرمیشن کہتے ہیں۔

فرض کیجیے ایک جماعت کے 15 طلباء ایک امتحان میں بیٹھے ہیں۔ استاد صاحب جماعت کی پاس فیصد شرح اور ہر طالب علم کا گریڈ نکالنے کو کہتے ہیں، جبکہ کل نمبرز 550 ہیں۔ مطلوبہ انفرمیشن کیسے حاصل کی جائے گی؟

پہلا مرحلہ ڈیٹا جمع کرنا ہے۔ ہم جماعت کے ہر طالب علم کے نمبروں کو نوٹ کرتے ہیں جو کہ یہ ہیں:

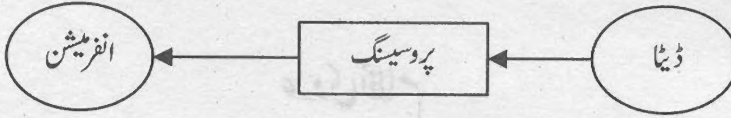
354, 285, 421, 360, 2898, 159, 163, 148, 270, 467, 305, 221, 341, 255, 311

فرض کیجیے کہ طلباء کے رول نمبرز بھی دیے گئے ہیں۔ اس مرحلہ پر نمبروں کی فہرست ڈیٹا کو ظاہر کرتی ہے جو کہ طلباء نے مطلوبہ انفرمیشن حاصل کرنے کے لیے جمع کیا ہے۔ یہ ڈیٹا اپنی خام شکل میں مطلوبہ انفرمیشن مہیا نہیں کرتا۔ طلباء مطلوبہ انفرمیشن کو مد نظر رکھتے ہوئے اسے پروسس کریں گے۔ پروسسنگ مختلف مراحل پر مشتمل ہو سکتی ہے۔ جیسا کہ سٹورنگ، فارمیٹنگ اور خاص کیلکولیشن۔

خاص کیلکولیشن استعمال کرتے ہوئے طلباء درج ذیل جدول حاصل کرتے ہیں۔

رول نمبر	نمبرز	شرح فی صد	گریڈ	کلاس کی مجموعی شرح فی صد
1	354	64.36	B	80%
2	285	51.82	C	
3	421	76.55	A	
4	360	65.45	B	
5	298	54.18	C	
6	159	28.91	F	
7	163	29.64	F	
8	148	26.91	F	
9	270	49.09	D	
10	467	84.91	A+	
11	305	55.45	C	
12	221	40.18	D	
13	341	62.00	B	
14	255	46.36	D	
15	311	56.55	C	

درج بالا جدول ڈیٹا سے حاصل کردہ انفرمیشن کو ظاہر کرتا ہے۔ یہ واضح کرتا ہے کہ اگر ڈیٹا کو ایک خاص طرح سے پروسس کیا جائے تو ہم انفرمیشن حاصل کرتے ہیں۔ پروسسنگ کا عمل بذریعہ کمپیوٹر یا مینوئل (Manually) سرانجام دیا جاتا ہے۔ کمپیوٹر ڈیٹا کو بذریعہ ثنائی اعداد (0 یا 1) میں پروسس کرتا ہے۔



ڈیٹا اور انفرمیشن دونوں کو بہت سی اشکال میں ظاہر کیا جاتا ہے۔ مثال کے طور پر، متن (Text)، آوازیں (Sounds)، تصاویر (Pictures)، گرافس (Graphs) وغیرہ۔ کمپیوٹر ایک پروسیسنگ مشین ہے جو ڈیٹا کو ان پٹ کرنے کے بعد پروسیسنگ کر کے انفرمیشن آؤٹ پٹ کرتی ہے۔ یہ ضروری ہے کہ ڈیٹا کی مختلف اقسام اور انہیں کمپیوٹر پر ظاہر کرنے کا طریقہ معلوم ہو۔

تمام کمپیوٹر پروگرامز درج ذیل میں سے کسی ایک یا ایک سے زیادہ اقسام کے ڈیٹا کو استعمال کرتے ہیں۔

- (i) نوامیرک ڈیٹا (ii) ایلفا بیٹک ڈیٹا (iii) ایلفا نوامیرک ڈیٹا

5.1.1 نوامیرک ڈیٹا (Numeric Data)

نوامیرک ڈیٹا ان مختلف مقداروں کو ظاہر کرنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے جن کا حساب سے تعلق ہوتا ہے۔ مثال کے طور پر مختلف طلباء کے نمبرز، سنسور پر موجود سامان کا سیل ریکارڈ وغیرہ۔ اس ڈیٹا کو اکثر صحیح یا حقیقی اعداد کے طور پر ظاہر کیا جاتا ہے۔ مثال کے طور پر 40, 323, 76.07 وغیرہ نوامیرک ڈیٹا کی دو اقسام ہیں:

- (i) صحیح عدد (ii) حقیقی عدد

5.1.2 ایلفا بیٹک ڈیٹا (Alphabetic Data)

یہ ڈیٹا خاص قسم کے ایلفا بیٹک کریکٹرز پر مشتمل ہوتا ہے۔ مثال کے طور پر انگریزی کے بڑے حروف تہجی A, B, C, ..., Z اور چھوٹے حروف تہجی a, b, c, ..., z پر مشتمل ہوتا ہے۔ ہم انگریزی کے ان حروف تہجی کو طلباء کے نام ظاہر کرنے کے لیے استعمال کر سکتے ہیں۔ اس ڈیٹا کو کریکٹرز کی ترتیب سے ظاہر کیا جاتا ہے اور ان پر کوئی حسابی عمل نہیں کیا جاتا۔

5.1.3 ایلفا نوامیرک ڈیٹا (Alphanumeric Data)

یہ ڈیٹا ایلفا بیٹس، اعداد اور دیگر خاص کریکٹرز جیسا کہ %, #, \$ وغیرہ پر مشتمل ہوتا ہے۔ اس ڈیٹا کی مثالوں میں ٹیلی فون نمبرز اور پتے شامل ہیں۔ مثال کے طور پر 041-2646916 (092) اور مکان P. 653، طارق آباد، فیصل آباد وغیرہ۔

5.2 عددی نظام (Number Systems)

عددی نظام مختلف مقداروں کو ظاہر کرنے کے لیے قیمتوں کے سیٹ کو بیان کرتا ہے۔ مثال کے طور پر ہم اپنی جماعت میں طلباء کی تعداد یا تماشائیوں کی تعداد کو جو کہ ایک خاص ٹی وی پروگرام دیکھ رہے ہوں کو ظاہر کر سکتے ہیں۔ یہ بات بہت دلچسپ اور قابل غور ہے کہ ڈیجیٹل کمپیوٹر میں تمام انفرمیشن اور ڈیٹا (آؤٹ پٹ، گرافکس، ویڈیو، ٹیکسٹ اور نوامیرک) بطور ثنائی اعداد ظاہر کیا جاتا ہے۔ عام طور پر اعشاری نظام استعمال کیا جاتا ہے جبکہ کمپیوٹر ثنائی اعداد کے نظام کو استعمال کرتے ہیں۔ عام طور پر کمپیوٹر میں اوکٹل اور ہیکسا ڈیسیمل نظام بھی استعمال ہوتے ہیں۔ یہی وجہ ہے کہ ہمیں اعداد کے ایک نظام سے دوسرے نظام میں تبدیلی کی ضرورت پیش آتی ہے۔

5.2.1 اعشاری عددی نظام (Decimal Number System)

کیا آپ کو یاد ہے؟

$$10^0 = 1$$

آپ $N^0 = 1$ کے متعلق کیا جانتے

ہیں، جبکہ N صفر نہیں ہے؟

ہم دس ہندسوں 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 سے شناسا ہیں اور ہم جانتے ہیں کہ کسی بھی قیمت کو ان دس ہندسوں کو استعمال کرتے ہوئے ظاہر کر سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر چار سو تین کو درج ذیل طریقہ سے لکھا جاسکتا ہے۔

$$453 = 4 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 3 \times 10^0$$

اس نظام میں ہم کسری اعداد کو بھی لکھ سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر 139.78 کو اعشاری نظام میں یوں لکھ سکتے ہیں:

$$139.78 = 1 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 9 \times 10^0 + 7 \times 10^{-1} + 8 \times 10^{-2}$$

یہ پوزیشنل عددی نظام ہے جس میں عدد کے اندر ہندسے کی پوزیشن بہت اہم ہوتی ہے۔ 39 اور 93 دو مختلف قیمتوں کو ظاہر کرتے ہیں۔

کیا آپ ایک تان پوزیشن عددی نظام کا نام بتا سکتے ہیں؟

اعداد کے اس نظام میں ہر عدد ہندسوں پر مشتمل ہوتا ہے جو کہ مختلف پوزیشنوں پر مشتمل ہوتے ہیں۔ نقطہ اعشاریہ کے بائیں طرف سے پہلا ہندسہ صفر جبکہ نقطہ اعشاریہ کے بائیں طرف دوسری پوزیشن پر 1، اسی طرح یہ سلسلہ جاری رہتا ہے۔ اسی طرح اعشاریہ کے دائیں طرف پہلا ہندسہ پوزیشن 1- پر ہے، دوسرے کی پوزیشن 2- اور اسی طرح یہ سلسلہ جاری رہتا ہے۔ نوٹ کیجیے کہ پوزیشنوں کا وزن 10 پوزیشن کی اپنی ایک اہمیت ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر پہلی پوزیشن کا مطلب 10^0 ہے۔ دوسری پوزیشن کا کے انڈیکس میں ہے کیونکہ اعشاری مطلب 10^1 ہے اور اسی طرح یہ سلسلہ جاری رہتا ہے۔

نوٹ کیجیے کہ پوزیشنوں کا وزن 10 نظام میں 10 اعداد ہوتے ہیں۔

اسے درج ذیل جدول سے ظاہر کیا گیا ہے۔

پوزیشن	4	3	2	1	0		-1	-2
فیس ویلیو	5	7	2	3	1		2	1
اہمیت/وزن	10^4	10^3	10^2	10^1	10^0		10^{-1}	10^{-2}

$$57231.21 = 5 \times 10^4 + 7 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 1 \times 10^0 + 2 \times 10^{-1} + 1 \times 10^{-2}$$

درج بالا مثال سے واضح ہے کہ عدد کی قیمت ہندسوں کی ضرب سے ان کی پوزیشن کے وزن کے لحاظ سے اور نتیجہ کو جمع کرنے سے بیان کی جاتی ہے۔ اس طریقہ کو پھیلاؤ کا طریقہ کہتے ہیں۔ عدد کے دائیں طرف کا انتہائی ہندسہ کم اہمیت کا ہندسہ جبکہ بائیں طرف کا انتہائی ہندسہ بہت اہمیت کا حامل ہندسہ کہلاتا ہے، کیونکہ اس کا وزن سب سے زیادہ ہوتا ہے۔ مثال کے طور پر عدد 724 میں 7 انتہائی بائیں ہندسہ ہے اور یہ سب سے زیادہ اہمیت کا حامل ہے جبکہ 4 انتہائی دایاں ہندسہ ہے اور یہ سب سے کم اہمیت کا حامل ہندسہ ہے۔

5.2.2 ثنائی عددی نظام (Binary Number System)

ہم بائسری/ثنائی اعداد کے

پھیلاؤ میں 2 کے قوت نمائوں

استعمال کرتے ہیں؟

اس نظام میں کسی مقدار کو ظاہر کرنے کے لیے دو ہندسے صفر اور ایک (0 اور 1) استعمال ہوتے ہیں۔ ان کو ثنائی ہندسے یا بیت (Bit) کہتے ہیں۔ اعشاری نظام کی طرح اس کو بھی پوزیشنل عددی نظام کہتے ہیں اور ہر پوزیشن کی ایک اہمیت ہوتی ہے، جو کہ 2 کی پاور ہوتا ہے۔ مثال کے طور پر

$$01001_{(2)} = 0 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 9_{(10)}$$

Not For Sale - PESRP

پوزیشن صفر کی قدر 2^4 اور پوزیشن 1 کی قدر 2^3 ہے۔ اسی طرح ہم کسری ثنائی اعداد کو ظاہر کر سکتے ہیں۔ جیسا کہ

$$101.101_{(2)} = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} = 5.625_{(10)}$$

جدول برائے عدد $101.101_{(2)}$

پوزیشن	2	1	0		-1	-2	-3
فیس ویلیو	1	0	1		1	0	1
وزن	2^2	2^1	2^0		2^{-1}	2^{-2}	2^{-3}

5.2.3 ہیکسا ڈسیمیل اعداد کا نظام (Hexadecimal Number System)

ہم نے نوٹ کیا ہے کہ ثنائی اعداد کے ساتھ کام کرنا آسان نہیں ہے کیونکہ اس طرح کے اعداد کے لیے بھی کم از کم 9 ہٹس درکار ہوتے ہیں یعنی $0100010101_{(2)} = 277_{(10)}$ اور اعشاری کو ثنائی میں تبدیل کرنے کے لیے کافی کیلکولیشن کرنی پڑتی ہے۔ ان مشکلات کی بناء پر کمپیوٹر سائنسدان ایک دوسرے عددی نظام کو کثرت سے استعمال کرتے ہیں۔ اس عددی نظام میں 16 مختلف ہندسے (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F) استعمال ہوتے ہیں۔

A	=	دس
B	=	گیارہ
C	=	بارہ
D	=	تیرہ
E	=	چودہ
F	=	پندرہ

$758_{(16)}$ ایک ہیکسا ڈسیمیل عدد ہے جو کہ $758_{(10)}$ سات سو اٹھاون سے مختلف ہے۔ ہم $758_{(16)}$ کو سات پانچ آٹھ میں سولہ پڑھتے ہیں۔

یاد رہے کہ اسے سات سو اٹھاون نہیں پڑھ سکتے۔ کسری ہیکسا ڈسیمیل عدد $758.D1_{(16)}$ کو درج ذیل طریقہ سے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔

$$758.D1_{(16)} = 7 \times 16^2 + 5 \times 16^1 + 8 \times 16^0 + D \times 16^{-1} + 1 \times 16^{-2} = 1880.8164_{(10)}$$

چار درجہ اعشاریہ تک

جدول برائے $758.D1_{(16)}$

پوزیشن	2	1	0		-1	-2
فیس ویلیو	7	5	8		D	1
اہمیت/وزن	16^2	16^1	16^0		16^{-1}	16^{-2}

5.2.4 اوکٹل اعداد کا نظام (Octal Number System)

اس نظام کو بھی کمپیوٹر میں استعمال کیا جاسکتا ہے۔ اسے بیس (base) 8 کا یا اوکٹل عددی نظام کہتے ہیں۔ اس نظام میں صرف 8 ہندسے

استعمال ہوتے ہیں جو کہ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 ہیں۔ اس نظام میں $751_{(8)}$ ایک مستند عدد ہے۔ یہ عدد سات سو اکاون سے مختلف ہے۔

1821 اس نظام کا عدد نہیں ہے کیونکہ اس عددی نظام میں مستند ہندسہ نہیں ہے۔ اوکٹل عدد $630.4_{(8)}$ کو یوں ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$630.4_{(8)} = 6 \times 8^2 + 3 \times 8^1 + 0 \times 8^0 + 4 \times 8^{-1} = 408.5_{(10)}$$

جدول برائے $630.4_{(8)}$

یوزیشن	2	1	0	-1
فیس ویلو	6	3	0	4
اہمیت/وزن	8^2	8^1	8^0	8^{-1}

5.3 اعداد کے نظاموں کی تبدیلی (Conversion of Number Systems)

ہم اعشاری نظام جبکہ کمپیوٹر عام طور پر ثنائی نظام استعمال کرتے ہیں۔ کمپیوٹر کے ڈیٹا پروسیسنگ کے نظام میں اوکھل اور میکسا ڈیسیمل عددی نظام کثرت سے استعمال ہوتے ہیں۔ دلچسپ مسئلہ ڈیٹا کی ایک عددی نظام سے دوسرے عددی نظام میں تبدیلی ہے۔

5.3.1 اعشاری عدد کی ثنائی عدد میں تبدیلی (Conversion of Decimal into Binary)

اعشاری عدد کو ثنائی عدد میں تبدیل کرنے کے لیے ہم بار بار تقسیم کے طریقہ کار کو استعمال کر سکتے ہیں جیسا کہ درج ذیل مثال میں دکھایا گیا ہے۔
مثال۔ 27 کو ثنائی عدد میں تبدیل کیجیے۔

حل:

باقی	عدد
	27
1	13
1	6
0	3
1	1
1	0

جب کسی تقسیم کا جواب صفر ہو تو ہمیں تقسیم کا عمل روک دینا چاہیے اور اُلٹ ترتیب سے باقی حاصل کیا جائے جیسا کہ تیر سے ظاہر ہے۔

$$27_{(10)} = 011011_{(2)}$$

5.3.2 کسری اعشاری عدد کی ثنائی عدد میں تبدیلی (Conversion of Fractional Decimal into Binary)

مثال۔ 0.56 کو ثنائی عدد میں تبدیل کیجیے۔

حل:

صحیح عدد کی حصہ	کسری حصہ	نتیجہ	×	
1	12	0.56	×	2
0	24	0.12	×	2
0	48	0.24	×	2

2	×	0.48	0.96	96	0	
2	×	0.69	1.92	92	1	
2	×	0.92	1.84	84	1	
2	×	0.84	1.68	68	1	
2	×	0.68	1.36	36	1	↓

$$0.56_{(10)} = 0.10001111_{(2)}$$

5.3.3 حقیقی اعداد کی ثنائی اعداد میں تبدیلی (Conversion of Real Numbers into Binary Numbers)

حقیقی اعداد کی ثنائی اعداد میں تبدیلی کے طریقہ کار کی وضاحت ایک مثال سے کی جاتی ہے۔

مثال - 56.25 کو ثنائی عدد میں تبدیل کیجیے۔

اس حقیقی عدد کو ثنائی میں تبدیل کرنے کے لیے ہم 56 اور 0.25 کو علیحدہ علیحدہ تبدیل کرتے ہیں۔

باقی	عدد	
	56	2
0	28	2
0	14	2
0	7	2
1	3	2
1	1	
1	0	

$$56 = 0111000_{(2)}$$

صحیح عدد کی حصہ	کسری حصہ	نتیجہ	
0	5	0.5	2×0.25
1	0	1.0	2×0.5

$$0.25 = .01_{(2)}$$

$$56.25 = 0111000.01_{(2)}$$

پس

نوٹ: مندرجہ بالا نتیجہ دونوں نتائج کو یکجا کرنے سے حاصل ہوا۔

5.3.4 ثنائی عدد کی اعشاری عدد میں تبدیلی (Conversion of Binary into Decimal)

ثنائی عدد کو اعشاری عدد میں تبدیل کرنے کے لیے پھیلاؤ کا طریقہ استعمال کیا جاتا ہے۔

مثال 1- $011011_{(2)}$ کو اعشاری عدد میں تبدیل کیجیے۔

حل: $011011_{(2)} = 0 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 27_{(10)}$

مثال 2- $1110.11_{(2)}$ کو اعشاری عدد میں تبدیل کیجیے۔

حل: $1110.11_{(2)} = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2}$

$= 8 + 4 + 2 + 0 + 1/2 + 1/4$

$= 14.75$

5.3.5 اعشاری عدد کی ہیکسا ڈسیمیل میں تبدیلی (Conversion of Decimal into Hexadecimal)

اعشاری عدد کی ہیکسا ڈسیمیل عدد میں تبدیلی کے طریقہ کار کی وضاحت مثالوں سے کی جاتی ہے۔

مثال 1- $185_{(10)}$ کو ہیکسا ڈسیمیل عدد میں تبدیل کیجیے۔

حل:

باقی	عدد	
	185	16
9	11	16
B	0	

$185_{(10)} = 0B9_{(16)}$

مثال 2- $0.3_{(10)}$ کو ہیکسا ڈسیمیل میں تبدیل کیجیے۔

حل:

صحیح عدد کی حصہ	کسری حصہ	نتیجہ			
4	8	4.8	0.3	x	16
12=C	8	12.8	0.8	x	16
12=C	8	12.8	0.8	x	16

$0.3_{(10)} = 0.4C_{(16)}$

پس

چونکہ C تکراری قیمت ہے لہذا ہم اسے صرف ایک مرتبہ لیں گے۔

مثال 3- $185.3_{(10)}$ کو ہیکسا ڈسیمیل میں تبدیل کیجیے۔

حل:

جیسا کہ اوپر والی مثالوں میں دیا گیا ہے۔

$$185_{(10)} = 0B9_{(16)} \quad \text{اور} \quad 0.3_{(10)} = 0.4C_{(16)}$$

$$185.3 = 0B9.4C_{(16)}$$

لہذا

5.3.6 ہیکسا ڈسیمیل عدد کی اعشاری عدد میں تبدیلی (Conversion of Hexadecimal into Decimal)

ہیکسا ڈسیمیل عدد کی اعشاری عدد میں تبدیلی کی وضاحت مثالوں سے کی جاتی ہے۔

مثال 1- $0B9_{(16)}$ کو اعشاری عدد میں تبدیل کیجیے۔

$$0B9_{(16)} = 0 \times 16^2 + B \times 16^1 + 9 \times 16^0$$

$$= 0 \times 16^2 + 11 \times 16^1 + 9 \times 16^0$$

$$= 185_{(10)}$$

مثال 2- $0B9.4C_{(16)}$ کو اعشاری عدد میں تبدیل کیجیے۔

$$0B9.4C_{(16)} = 0 \times 16^2 + B \times 16^1 + 9 \times 16^0 + 4 \times 16^{-1} + C \times 16^{-2}$$

$$= 0 \times 16^2 + 11 \times 16^1 + 9 \times 16^0 + 4 \times 16^{-1} + 12 \times 16^{-2}$$

$$= 0 + 176 + 9 + 4/16 + 12/256$$

$$= 0 + 176 + 9 + 1/4 + 3/64 = 185.296875_{(10)}$$

5.3.7 ہیکسا ڈسیمیل عدد کی ثنائی عدد میں تبدیلی (Conversion of Hexadecimal into Binary)

جیسا کہ پہلے بیان کیا گیا ہے کہ ثنائی اور اعشاری اعداد کی تبدیلی ایک مشکل طریقہ ہے جبکہ ہیکسا ڈسیمیل عدد کی ثنائی عدد میں تبدیلی ایک

آسان طریقہ ہے جس کی وضاحت مثالوں سے کی جاتی ہے۔

مثال 1- $10.A8_{(16)}$ کو ثنائی میں تبدیل کیجیے۔

حل: عمل 1: ہر ہندسہ کو ثنائی میں علیحدہ طور پر تبدیل کیجیے اور 4 بٹس میں لکھیے۔

$$1 = 0001_{(2)}$$

$$0 = 0000_{(2)}$$

$$A = 1010_{(2)}$$

$$8 = 1000_{(2)}$$

عمل 2: ہر ہندسہ کو علیحدہ علیحدہ ثنائی میں تبدیل کیجیے اور 4 بٹس میں یوں $10.A8 = 0001\ 0000\ 1010\ 1000_{(2)}$ لکھیے۔

مثال 2- $A1.03_{(16)}$ کو ثنائی میں تبدیل کیجیے۔

حل: عمل 1: ہر ہندسہ کو علیحدہ علیحدہ ثنائی میں تبدیل کیجیے اور 4 بٹس میں لکھیے۔

$$A = 1010_{(2)}$$

$$1 = 0001_{(2)}$$

$$0 = 0000_{(2)}$$

$$3 = 0011_{(2)}$$

عمل 2: ہر ہندسہ کو علیحدہ علیحدہ ثنائی میں تبدیل کیجیے اور 4 بٹس میں یوں $A1.03 = 1010\ 0001\ 0000\ 0011_{(2)}$ لکھیے۔

5.3.8 ثنائی عدد کی ہیکسا ڈسیمیل عدد میں تبدیلی (Conversion of Binary into Hexadecimal)

ثنائى عدد كى هيكسا ڈسيميل عدد ميں تبديلى مثالوں كى مدد سے واضح كى جاتى ہے۔

مثال 1- $10010011_{(2)}$ كى هيكسا ڈسيميل ميں تبديل كييجيے۔

حل:

عمل 1: دائیں طرف سے شروع کرتے ہوئے گئے عدد کو 4 بٹس کے گروپ ميں لكهيے۔ $10010011_{(2)}$ كے دو گروپس 0011 اور 1001 ہيں۔

عمل 2: ہر گروپ كى هيكسا ڈسيميل ميں تبديل كييجيے۔

$$1001 = 9_{(16)} \quad \text{اور} \quad 0011 = 3_{(16)}$$

عمل 3: ہر گروپ كى اس كے مقابل هيكسا ڈسيميل ميں يوں تبديل كييجيے۔

$$10010011_{(2)} = 93_{(16)}$$

مثال 2- $101100.1_{(2)}$ كى هيكسا ڈسيميل ميں تبديل كييجيے۔

عمل 1: نقطہ اعشاريہ سے شروع کرتے ہوئے گئے عدد كو 4 بٹس كے گروپ ميں لكهيے۔ $101100.1_{(2)}$ كے تين گروپس درج ذيل ہيں۔

0010 اور 1100 نقطہ اعشاريہ كے بائیں طرف جبكہ 1000 نقطہ اعشاريہ كے دائیں طرف۔

عمل 2: ہر گروپ كى هيكسا ڈسيميل ميں تبديل كييجيے۔

$$1000 = 8_{(16)} \quad \text{اور} \quad 0010 = 2_{(16)}, \quad 1100 = 12 = C_{(16)}$$

عمل 3: ہر گروپ كى اس كے مقابل هيكسا ڈسيميل ميں سے تبديل كييجيے۔

$$101100.1_{(2)} = 2C.8_{(16)}$$

نوٹ كييجيے كہ اعشاريہ كے بائیں طرف آخرى گروپ ميں بٹس كى تعداد 4 سے كم ہے۔ اس صورت ميں عدد كے انتہائى بائیں جانب زائد صفر بٹس كا اضافہ كيا جاتا ہے۔ اسي طرح اگر اعشاريہ كے دائیں طرف عدد كے آخرى گروپ ميں بٹس كى تعداد 4 سے كم ہو تو عدد كے انتہائى دائیں طرف صفر بٹس كا اضافہ كيا جاتا ہے۔ مندرجہ ذيل جدول كسى بهى هيكسا ڈسيميل عدد كو ثنائى عدد ميں تبديل كرنے كے ليے استعمال كيا جاسكتا ہے۔

ثنائى متقابل	هيكسا ڈسيميل عدد	ثنائى متقابل	هيكسا ڈسيميل عدد
1000	8	0000	0
1001	9	0001	1
1010	A	0010	2
1011	B	0011	3
1100	C	0100	4
1101	D	0101	5
1110	E	0110	6
1111	F	0111	7

جدول: هيكسا ڈسيميل كى ثنائى اعداد ميں تبديلى

5.3.9 اعشاری عدد کی اوکٹل عدد میں تبدیلی (Conversion of Decimal into Octal)

اعشاری عدد کی اوکٹل عدد میں تبدیلی مثالوں کی مدد سے واضح کی جاتی ہے۔

مثال 1- 185 کو اوکٹل میں تبدیل کیجیے۔
حل:

باقی	عدد	
	185	8
1	23	8
7	2	8
2	0	8

$$185_{(10)} = 0271_{(8)}$$

مثال 2- $0.3_{(10)}$ کو اوکٹل عدد میں تبدیل کیجیے اور جواب 5 درجے اعشاریہ تک لکھیے۔
حل:

$$\begin{array}{rcl} 8 \times 0.3 = 2.4 & 0.4 & 2 \\ 8 \times 0.4 = 3.2 & 0.2 & 3 \\ 8 \times 0.2 = 1.6 & 0.6 & 1 \\ 8 \times 0.6 = 4.8 & 0.8 & 4 \\ 8 \times 0.8 = 6.4 & 0.4 & 6 \end{array}$$

$$0.3_{(10)} = 0.23146_{(8)}$$

مثال 3- $186.3_{(10)}$ کو اوکٹل عدد میں تبدیل کیجیے اور جواب 5 درجے اعشاریہ تک لکھیے۔
حل:

$$185_{(10)} = 0271_{(8)} \text{ اور } 0.3_{(10)} = 0.23146_{(8)}$$

$$186.3_{(10)} = 0271.23146_{(8)} \text{ لہذا}$$

5.3.10 اوکٹل عدد کی اعشاری عدد میں تبدیلی (Conversion of Octal into Decimal)

اوکٹل اعداد کی اعشاری اعداد میں تبدیلی مثالوں کی مدد سے واضح کی جاتی ہے۔

مثال 1- $0271_{(8)}$ کو اعشاری عدد میں تبدیل کریں:

$$0271_{(8)} = 0 \times 8^3 + 2 \times 8^2 + 7 \times 8^1 + 1 \times 8^0 = 185_{(10)} \text{ حل:}$$

مثال 2- $0271.231_{(8)}$ کو اعشاری عدد میں تبدیل کیجیے۔

$$\begin{aligned} 0271.231_{(8)} &= 0 \times 8^3 + 2 \times 8^2 + 7 \times 8^1 + 1 \times 8^0 + 2 \times 8^{-1} + 3 \times 8^{-2} + 1 \times 8^{-3} \\ &= 0 + 128 + 56 + 1 + 2/8 + 3/64 + 1/512 \\ &= 185.2988_{(10)} \text{ حل:} \end{aligned}$$

5.3.11 اوکل عدد کی ثنائی عدد میں تبدیلی (Conversion of Octal into Binary)

اوکل اعداد کی ثنائی اعداد میں تبدیلی مثالوں کی مدد سے واضح کی جاتی ہے۔

مثال 1- $107_{(8)}$ کو ثنائی عدد میں تبدیل کیجیے۔
حل: عمل 1: دیے گئے عدد کے ہر ہندسے کو علیحدہ طور پر ثنائی میں تبدیل کیجیے اور تین ہٹس میں لکھیے۔

$$1 = 001_{(2)}$$

$$0 = 000_{(2)}$$

$$7 = 111_{(2)}$$

عمل 2: ہیکسا ڈسیمیل عدد کے ہندسوں کو 3 ہٹس میں یوں تبدیل کیجیے۔

$$107_{(8)} = 001000111_{(2)}$$

مثال 2- $107.52_{(8)}$ کو ثنائی عدد میں تبدیل کیجیے۔

حل: عمل 1: ہر ہندسے کو ثنائی میں تبدیل کیجیے اور تین ہٹس میں لکھیے۔

$$1 = 001_{(2)}$$

$$0 = 000_{(2)}$$

$$7 = 111_{(2)}$$

$$5 = 101_{(2)}$$

$$2 = 010_{(2)}$$

عمل 2: اوکل عدد کے ہندسوں کو تین ہٹس میں یوں تبدیل کیجیے۔

$$107.52_{(8)} = 001000111.101010_{(2)}$$

5.3.12 ثنائی عدد کی اوکل عدد میں تبدیلی (Conversion of Binary into Octal)

ثنائے اعداد کی اوکل اعداد میں تبدیلی مثالوں کی مدد سے واضح کی جاتی ہے۔

مثال 1- $10010011_{(2)}$ کو اوکل میں تبدیل کیجیے۔
حل: عمل 1: دائیں طرف سے شروع کرتے ہوئے دیے گئے عدد کو مندرجہ ذیل تین ہٹس کے گروپس میں لکھیے۔

$$010, 010, 011$$

عمل 2: ہر گروپ کو متقابل اوکل میں تبدیل کیجیے۔

$$010 = 2_{(8)}$$

$$010 = 2_{(8)}$$

$$011 = 3_{(8)}$$

عمل 3: ہر گروپ کے لیے اس کا متقابل اوکل لکھیے۔

$$010010011_{(2)} = 223_{(8)}$$

مثال 2- $11010.11_{(2)}$ کو اوکل عدد میں تبدیل کیجیے۔

حل: عمل 1: دائیں طرف سے شروع کرتے ہوئے دیے گئے عدد کو تین ہٹس کے گروپس میں لکھیے۔

نقطہ اعشاریہ کے بائیں طرف $011, 010$ اور نقطہ اعشاریہ کے دائیں طرف 110 ہے۔

عمل 2: ہر گروپ کو اوکل میں تبدیل کیجیے۔

$$010 = 2_{(8)}$$

$$011 = 3_{(8)}$$

$$110 = 6_{(8)}$$

عمل 3: ہر گروپ کا متقابل اوکل لکھیے۔

$$100100.11_{(2)} = 32.6_{(8)}$$

کیا آپ 3 ہٹس کے گروپ بنانے کی وجہ کا اندازہ کر سکتے ہیں؟

نوٹ: اگر آخری گروپ میں تین سے کم ہٹس لیں تب انتہائی دائیں یا بائیں جانب بالترتیب صفر ہٹس جمع کیجیے۔

جدول: اوکل کی ثنائی اعداد میں تبدیلی۔

اوکل عدد	ثنائی متقابل	اوکل عدد	ثنائی متقابل
0	000	4	100
1	001	5	101
2	010	6	110
3	011	7	111

5.4 1 اور 2 کے کمپلیمنٹس کے استعمال سے اعداد کا اظہار

(Representation of Numbers using 1's and 2's Complements)

علامتی اعداد کی نمائندگی (Representing Signed Numbers)

ہم جانتے ہیں کہ مثبت اعداد کو مختلف عددی نظاموں میں کیسے ظاہر کیا جاتا ہے۔ مثال کے طور پر اساس 2، اساس 10 اور اساس 16 میں۔ اب ہم ایک اور دلچسپ سوال کو دیکھتے ہیں۔

ثنائی عددی نظام میں دونوں مثبت اور منفی اعداد کو کیسے ظاہر کیا جاتا ہے؟

علامتی اعداد کو ثنائی عددی نظام میں ظاہر کرنے کے لیے بہت سے طریقے ہیں۔ مثال کے طور پر علامتی مقدار کا طریقہ، 1 اور 2 کے کمپلیمنٹس کا طریقہ اور رسائی علامت (Access notation) کا طریقہ۔ اس حصہ میں ہم 1 اور 2 کے کمپلیمنٹس کے طریقوں کو پڑھیں گے۔ یہ دونوں طریقے ثنائی حساب پڑھنے میں بڑے مفید ثابت ہوتے ہیں۔

5.4.1 1 کے کمپلیمنٹ کا طریقہ (1's Complement Method)

سب سے پہلے دیکھتے ہیں کہ کسی ثنائی عدد کے ایک کے کمپلیمنٹ سے کیا مراد ہے؟

8 بتس کے ثنائی عدد کے ایک کے کمپلیمنٹ عدد کو 11111111_2 میں سے تفریق کرنے سے حاصل کیا جاسکتا ہے، جیسا کہ درج ذیل مثال سے ظاہر ہے۔

مثال 1- ثنائی عدد $(10011001)_2$ کے لیے ایک کا کمپلیمنٹ لیجیے۔

حل:

$$\begin{array}{r} 11111111 \\ -10011001 \\ \hline 01100110 \end{array}$$

ایک کے کمپلیمنٹ شکل میں

ہم دیکھتے ہیں کہ ثنائی عدد کے لیے ایک کا کمپلیمنٹ معلوم کرنے کے لیے ہم تمام صفر کو تمام ایک اور تمام ایک کو تمام صفر میں تبدیل کر دیتے ہیں۔

مثال 2- 01100110 کے لیے ایک کا کمپلیمنٹ براہ راست معلوم کیجیے۔

حل: 01100110 دیا گیا عدد

ایک کا کمپلیمنٹ 10011001

منفی عدد کے ایک کا کمپلیمنٹ (Representation of Negative Numbers using 1's Complement)

کسی منفی عدد کے لیے ایک کا کمپلیمنٹ معلوم کرنے کے لیے ہم مندرجہ طریقہ اپناتے ہیں۔

☆ کسی عدد کو ظاہر کرنے کے لیے ہٹس کی تعداد معلوم کریں۔

☆ دیے گئے عدد کے ماڈولس (Modulus) کو ثنائی عدد میں تبدیل کریں۔

☆ MSB میں صفر لگائیں۔

☆ نتیجہ کا ایک کا کمپلیمنٹ معلوم کریں۔

مثال 3- بذریعہ 8 ہٹس $54_{(10)}$ - کو ایک کے کمپلیمنٹ سے ظاہر کیجیے۔

حل: 8 ہٹس کی تعداد

$$54_{(10)} = 0110110_{(2)}$$

$$54 \text{ آٹھ ہٹس شکل میں} = 00110110$$

$$54 = 11001001 \text{ ایک کے کمپلیمنٹ شکل میں}$$

مندرجہ بالا مثال سے ظاہر ہے کہ منفی عدد کے 1 کا کمپلیمنٹ ظاہر کرنے کے لیے MSB میں ایک ہوگا۔

2 کے کمپلیمنٹ کا طریقہ (2's Complement Method) 5.4.2

ہم جانتے ہیں کہ زیادہ تر کمپیوٹرز اعداد کو ظاہر کرنے کے لیے 16 ہٹس (bits) استعمال کرتے ہیں۔ جب اعداد کو ہٹس کی ایک خاص تعداد کے اندر ظاہر کیا جائے تو 2 کے کمپلیمنٹ کا طریقہ علامتی عدد کو ظاہر کرنے کے لیے بہت مفید ہوتا ہے۔ بہت سے ڈیجیٹل کیلکولیٹرز میں اعداد کو ظاہر کرنے کے لیے اس طریقہ کو استعمال کیا جاتا ہے۔

کسی ثنائی عدد کے 2 کا کمپلیمنٹ حاصل کرنے کے لیے پہلے ہم ایک کا کمپلیمنٹ حاصل کرتے ہیں اور نتیجہ میں ایک جمع کرتے ہیں۔ اس طریقہ کو درج ذیل مثال میں ظاہر کیا گیا ہے۔

مثال 1- $01100110_{(2)}$ کے لیے دو کا کمپلیمنٹ معلوم کیجیے۔

حل: عمل 1: 10011001 (دیے گئے عدد کا ایک کا کمپلیمنٹ لینے سے)

عمل 2: 10011001

$$\begin{array}{r} +1 \\ \hline 10011010 \end{array}$$

(ایک جمع کرنے سے)

پس عدد $01100110_{(2)}$ کا دو کا کمپلیمنٹ 10011010 ہے۔

ہم کسی عدد کا ایک کا کمپلیمنٹ لیے بغیر براہ راست اس کا دو کا کمپلیمنٹ بھی لے سکتے ہیں۔ اس مقصد کے لیے عدد کے آخری ایک تک کوئی تبدیلی کے بغیر صفروں کو ایک اور ہر ایک کو صفر میں تبدیل کریں۔ یہ عمل مندرجہ ذیل مثال سے واضح کیا گیا ہے۔

مثال 2- ثنائی عدد $01100110_{(2)}$ کا دو کا کمپلیمنٹ براہ راست معلوم کیجیے۔

حل: 01100110 (دیا گیا عدد)

10011010 (دو کا کمپلیمنٹ)

منفی اعداد کا بذریعہ 2 کا کمپلیمنٹ اظہار (Representation of Negative Numbers Using 2's Complement)

ہم مندرجہ ذیل اقدام سے منفی اعداد کے لیے 2 کا کمپلیمنٹ معلوم کر سکتے ہیں۔

☆ سب سے پہلے عدد کو ظاہر کرنے کے لیے بٹس کی تعداد معلوم کریں۔

☆ ثنائی نظام میں دیے گئے عدد کے ماڈولس کو تبدیل کریں۔

☆ MSB میں صفر لگائیں اور بقیہ بٹس میں ثنائی عدد۔

☆ نتیجہ کا 2 کا کمپلیمنٹ لیں۔

مثال 3- بذریعہ 8 بٹس $54_{(10)}$ کو 2 کے کمپلیمنٹ میں لکھیے۔

حل: $8 =$ بٹس کی تعداد

$$54 = 54' - 1 \text{ کا ماڈولس}$$

$$= 0110110$$

$$54 = 00110110 \text{ آٹھ بٹس کی شکل میں}$$

$$11001010 = 54 - 2 \text{ کے کمپلیمنٹ کی شکل میں}$$

مندرجہ بالا مثال سے ظاہر ہے کہ منفی عدد کے 2 کا کمپلیمنٹ ظاہر کرنے کے لیے MSB میں ایک ہوگا۔

$$2^7 = -128 = 10000000 = \text{بذریعہ 8 بٹس 2 کے کمپلیمنٹ میں چھوٹے سے چھوٹا عدد}$$

$$2^{(n-1)} = \text{بذریعہ } n \text{ بٹس 2 کے کمپلیمنٹ میں چھوٹے سے چھوٹا عدد}$$

5.5 ثنائی حساب (Binary Arithmetic)

اس حصہ میں ہم ثنائی اعداد پر بنیادی حسابی عوامل یعنی جمع، تفریق، ضرب اور تقسیم سیکھیں گے۔

5.5.1 ثنائی جمع (Binary Addition)

درج ذیل جدول 2 بٹس پر جمع کے عوامل کو ظاہر کرتا ہے۔ اس جدول کو دو ضربی ہٹ ثنائی اعداد کی جمع کے لیے بھی استعمال کیا جاسکتا ہے۔

عمل	نتیجہ
$0 + 0$	0
$0 + 1$	1
$1 + 0$	1
$1 + 1$	0
	1 حاصل کے طور پر

درج بالا جدول کی مدد سے مندرجہ ذیل مثال دو ثنائی اعداد کی جمع کو ظاہر کرتی ہے۔

مثال - $01011101_{(2)}$ اور $00110010_{(2)}$ کو جمع کیجیے۔

$1+1_{(2)}$ کو 2 ہوتا چاہیے۔ لیکن ثنائی اعداد کے نظام میں $1+1_{(2)}$ کا جواب صفر اور حاصل ایک ہوتا ہے۔ کیا آپ بتا سکتے ہیں کہ $1+1_{(2)} = ?$

حل:

$$\begin{array}{r} \text{حاصل} \quad (1)(1)(1) \\ 01011101 \\ + 00110010 \\ \hline 10001111 \end{array}$$

مندرجہ بالا مثال سے ظاہر ہے کہ دو ثنائی اعداد کی جمع کا طریقہ بھی وہی ہے جو کہ دو اعشاری اعداد کی جمع کا ہے۔ لیکن اس طریقہ میں درج بالا جدول میں دیے گئے قوانین کو استعمال کرتے ہیں۔

5.5.2 ثنائی تفریق (Binary Subtraction)

دو ثنائی اعداد کی تفریق کا طریقہ کار بھی وہی ہے جو کہ دو اعشاری اعداد کی تفریق کا ہے۔ درج ذیل جدول دو بٹس میں تفریق کے عمل کو ظاہر کرتا ہے۔

عمل	نتیجہ
0 - 0	0
0 - 1	1 اگلی پوزیشن سے ایک حاصل لینے سے
1 - 0	1
1 - 1	0

نوٹ: ایک اور دو کے کمپلیمنٹ کے طریقہ کو استعمال کرتے ہوئے ہم بذریعہ جمع، تفریق کر سکتے ہیں۔

مثال -1

$$\begin{array}{r} 10 \quad 10 \\ 10111110 \\ - 01011101 \\ \hline 01100001 \end{array}$$

(حاصل)

ہم دیکھتے ہیں کہ جب ہم بڑی پوزیشن سے ایک حاصل لیتے ہیں تو صفر $10_{(2)}$ بن جاتا ہے اور $1 - 1_{(2)} = 0$ وہ کمپیوٹر جو تفریق کے اس طریقہ کو استعمال کرے اس کو بنانا مشکل ہے اور اس پر لاگت بھی بہت زیادہ آئے گی۔ اس لیے زیادہ تر کمپیوٹر ایک اور دو کے کمپلیمنٹ کو تفریق کے عمل کے لیے استعمال کرتے ہیں۔

تفریق بذریعہ ایک کا کمپلیمنٹ (Subtraction Using 1's Complement)

درج ذیل مثال 8 بٹس میں بذریعہ ایک کا کمپلیمنٹ تفریق کو ظاہر کرتی ہے۔

مثال -1 38-29 کو 8 بٹس میں ایک کا کمپلیمنٹ سے حل کیجیے۔

حل: $38-29 = 38+(-29)$

عمل 1: دونوں اعداد کی مقداروں کو ثنائی شکل میں 8 بٹس کے استعمال کی مدد سے لکھیے۔

$38 = 00100110_{(2)}$ اور $29 = 00011101_{(2)}$

عمل 2: منفی اعداد کو ایک کے کمپلیمنٹ میں لکھیے۔

$$-29 = 11100010$$

عمل 3: ایک کے کمپلیمنٹ کو جمع کیجیے۔

$$00100110$$

$$+ 11100010$$

$$00001000$$

1: آخری حاصل

آخری حاصل کو جمع کیجیے۔

$$+ 1$$

$$00001001$$

جواب :

عمل 4: ایک کے کمپلیمنٹ کے نتیجہ کو اعشاری نظام میں تبدیل کرنے سے

$$00001001 - 9$$

مثال 2- 63-45 کو 8 بیٹس میں ایک کا کمپلیمنٹ سے حل کیجیے۔

$$\text{حل: } 45 - 63 = 45 + (-63)$$

عمل 1: دونوں اعداد کی مقداروں کو 8 بیٹس میں لکھیے۔

$$63 = 00111111_{(2)} \quad \text{اور} \quad 45 = 00101101_{(2)}$$

عمل 2: منفی عدد کو ایک کا کمپلیمنٹ میں لکھیے۔

$$-63 = 11000000$$

عمل 3: ایک کے کمپلیمنٹ کو جمع کیجیے۔

$$00101101$$

$$+ 11000000$$

$$11101101$$

0: آخری حاصل

آخری حاصل جمع کیجیے۔

$$+ 0$$

$$11101101$$

جواب :

عمل 4: ایک کا کمپلیمنٹ کے نتیجہ 11101101 کو اعشاریہ میں لکھنے سے

$$11101101 - 18 = -00010010$$

نوٹ: اگر جمع میں آخری حاصل صفر ہو تو حل کا چوتھا عمل کرنے کی ضرورت نہیں۔

مثال 3- 30(-54) کو 8 بیٹس میں ایک کا کمپلیمنٹ میں لکھیے۔

$$\text{حل: } -54 - 30 = (-54) + (-30)$$

عمل 1: دونوں اعداد کی مقدار 8 بیٹس میں لکھیے۔

$$30 = 00011110_{(2)} \quad \text{اور} \quad 54 = 00110110_{(2)}$$

عمل 2: دونوں اعداد کو ایک کا کمپلیمنٹ میں لکھیے۔

$$-30 = 11100001 \quad \text{اور} \quad -54 = 11001001$$

عمل 3: ایک کمپلیمنٹس کو جمع کیجیے۔

(آخری حاصل 1)

$$\begin{array}{r} 11001001 \\ + 11100001 \\ \hline 10101010 \end{array}$$

(آخری حاصل جمع کرنے سے)
جواب :

$$\begin{array}{r} 10101010 \\ + 1 \\ \hline 10101011 \end{array}$$

عمل 4: ایک کمپلیمنٹ کے نتیجہ کو جمع کرنے سے

چونکہ MSB 1 ہے اس لیے یہ منفی عدد ہے۔

$$10101011 = -01010100 = -84$$

نوٹ: ثنائی اعداد کی تفریق کے لیے ایک کمپلیمنٹ جمع کے عمل کو دوسرے استعمال کرتا ہے۔ پہلے اعداد کو جمع کرتے ہوئے اور پھر آخری حاصل کو جمع کرتے ہوئے۔

تفریق بذریعہ دو کمپلیمنٹ (Subtraction Using 2's Complement)

دو ثنائی اعداد کو بذریعہ دو کمپلیمنٹ تفریق کرنے کا طریقہ مندرجہ ذیل مثالوں سے واضح کیا جاتا ہے۔

مثال 1: 38-29 کو 8 بٹس میں دو کمپلیمنٹ کے طریقہ سے حل کیجیے۔

$$38 - 29 = 38 + (-29)$$

عمل 1: دونوں اعداد کی مقدار کو 8 بٹس میں لکھیے۔

$$38 = 00100110_{(2)} \quad \text{اور} \quad 29 = 00011101_{(2)}$$

عمل 2: منفی عدد کو دو کمپلیمنٹ میں لکھیے۔

$$-29 = 11100011$$

عمل 3: دو کمپلیمنٹس کو جمع کیجیے اور آخری حاصل چھوڑ دیجیے۔

$$\begin{array}{r} 00100110 \\ + 11100011 \\ \hline 00001001 \end{array}$$

(آخری حاصل 1)

عمل 4: دو کمپلیمنٹ کا نتیجہ 00001001 اشرار یہ میں تبدیل کیجیے۔

$$00001001 = 9$$

درج ذیل مثال میں ہم ایک چھوٹے عدد میں سے بڑے عدد کو تفریق کرتے ہیں۔

مثال 2: 45-63 کو 8 بٹس دو کمپلیمنٹ سے حل کیجیے۔

$$45 - 63 = 45 + (-63)$$

عمل 1: دونوں اعداد کی مقدار میں 8 بٹس میں لکھیے۔

$$45 = 00101101_{(2)} \quad \text{اور} \quad 63 = 00111111_{(2)}$$

عمل 2: منفی عدد کو دو کمپلیمنٹ میں لکھیے۔

$$-63 = 11000001$$

عمل 3: دو کے کمپلیمنٹ کو جمع کیجیے اور آخری حاصل کو چھوڑ دیجیے۔

$$\begin{array}{r} 00101101 \\ + 11000001 \\ \hline 11101110 \end{array}$$

(آخری حاصل صفر)

لہذا دو کے کمپلیمنٹ میں جواب 11101110 ہے۔

عمل 4: دو کے کمپلیمنٹ کے نتیجہ کو اعشاریہ میں تبدیل کیجیے۔

$$11101110 = -0010010 = -18$$

مثال 3- 54-30 کو 8 بٹس دو کا کمپلیمنٹ کے طریقہ سے حل کیجیے۔

$$\text{حل: } (-30) + (-54) = -54-30$$

عمل 1: 8 بٹس میں دونوں اعداد کی مقداریں لکھیے۔

$$54 = 00110110_{(2)} \quad \text{اور} \quad 30 = 00011110_{(2)}$$

عمل 2: دونوں اعداد کو دو کے کمپلیمنٹ میں لکھیے۔

$$-54 = 11001010 \quad \text{اور} \quad -30 = 11100010$$

عمل 3: دو کا کمپلیمنٹ جمع کیجیے اور آخری حاصل چھوڑ دیجیے۔

$$\begin{array}{r} 11001010 \\ + 11100010 \\ \hline 10101100 \end{array}$$

(آخری حاصل 1)

لہذا دو کے کمپلیمنٹ میں جواب 10101100 ہے۔

عمل 4: دو کے کمپلیمنٹ کے نتیجہ کو اعشاریہ میں تبدیل کرنے سے

$$10101100 = -01010100 = -84$$

ہم نوٹ کرتے ہیں کہ دو اعداد کی تفریق ایک اور دو کے کمپلیمنٹ کے ذریعہ صرف جمع کے عمل کو استعمال کرتے ہوئے کر سکتے ہیں۔ اس لیے اگر کوئی دو ثنائی اعداد کو جمع کرنے سے کوئی ڈیجیٹل سرکٹ بناتا ہے تو یہی ڈیجیٹل سرکٹ دو اعداد کی تفریق کے لیے بھی کیا جاسکتا ہے۔ اسی طرح اگر ڈیجیٹل کمپیوٹر کوئی دو ثنائی اعداد جمع کر سکتا ہے تو وہ دو ثنائی اعداد کو تفریق بھی کر سکتا ہے۔

5.5.3 ثنائی ضرب (Binary Multiplication)

اس حصہ میں ہم سب سے پہلے دو غیر علامتی ثنائی اعداد کی ضرب بذریعہ عام ضرب سیکھیں گے اور اس کے بعد ایک اور دلچسپ ضرب سیکھیں گے۔

مندرجہ ذیل جدول 2 بٹس میں بنیادی ضربی قوانین کو ظاہر کرتا ہے۔ چونکہ دو بٹس اور اعشاریہ کے درمیان غلط فہمی ممکن ہے لہذا اس کی جگہ

x استعمال کیا جائے۔

ضرب	حاصل ضرب
0x0	0
1x0	0
0x1	0
1x1	1

مندرجہ ذیل مثال دو چار۔ بیس اعداد کے ضربی عمل کو واضح کرتی ہے۔

مثال 1- $0110_{(2)} \times 1011_{(2)}$ کو حل کیجیے۔

حل:

$$\begin{array}{r} 0110 \\ \times 1011 \\ \hline 0110 \\ 0110 \times \\ 0000 \times \times \\ 0110 \times \times \times \\ \hline 1000010 \end{array}$$

بلاشبہ یہ اعداد کی ضرب کا عمومی طریقہ ہے۔

5.5.4 ثنائی اعداد کی تقسیم (Division of Binary Numbers)

$$\begin{array}{r} 01011 \\ 111 \overline{) 01001101} \\ \underline{00111} \\ 1010 \\ \underline{0111} \\ 111 \\ \underline{111} \\ 000 \end{array}$$

ہم آسانی سے تصدیق کر سکتے ہیں کہ

$$01011_{(2)} = 11_{(10)} \text{ اور } 111_{(2)} = 7_{(10)}, 01001101_{(2)} = 77_{(10)}$$

مثال 2- $01111001_{(2)} \div 1011_{(2)}$ کو حل کیجیے۔

حل:

$$\begin{array}{r} 01011 \\ 1011 \overline{) 01111001} \\ \underline{01011} \\ 10000 \\ \underline{1011} \\ 1011 \\ \underline{1011} \\ 0000 \end{array}$$

ہم آسانی سے تصدیق کر سکتے ہیں کہ

$$01011_{(2)} = 11_{(10)} \text{ اور } 1011_{(2)} = 11_{(10)}, 01111001_{(2)} = 121_{(10)}$$

5.6 فکسڈ پوائنٹ اور فلوٹنگ پوائنٹ اعداد کا اظہار

(Fixed Point and Floating Point Number Representation)

5.6.1 فکسڈ پوائنٹ کا اظہار (Fixed Point Representation)

یہ جاننے کے لیے کہ کمپیوٹر کس طرح فکسڈ پوائنٹ کو حقیقی اعداد کے اظہار کے لیے استعمال کرتے ہیں، ہم اعداد کے اعشاری نظام کو دیکھیں گے۔
فرض کریں آپ کو مندرجہ ذیل اصولوں کے مطابق تمام حقیقی اعداد کو لکھنے کے لیے کہا جاتا ہے۔

”عدد میں نقطہ اعشاریہ سے پہلے 4 ہندسے ہوں گے اور نقطہ اعشاریہ کے بعد تین ہندسے ہوں گے“

مندرجہ ذیل جدول کا دوسرا کالم یہ ظاہر کرتا ہے کہ اس اصول کو استعمال کرتے ہوئے مختلف اعداد کو لکھا جائے گا۔

اعداد بغیر نقطہ اعشاریہ	اعداد کو بذریعہ قانون لکھا گیا۔	عدد
0073400	0073.400	73.4
0120345	0120.345 (6 کو نہیں لکھا جاسکتا)	120.3456
0110000	0110.000	110
11010000	1101.0000 (0 کو نہیں لکھا جاسکتا)	11101.0

ان اعداد کو فکسڈ (Fixed) پوائنٹ اعداد کہا جاتا ہے کیونکہ نقطہ اعشاریہ کی پوزیشن عدد کے اندر فکسڈ ہوتی ہے۔ اگر اعداد کو اس فارمیٹ (Format) میں لکھا جائے تو ہمیں نقطہ اعشاریہ لکھنے کی ضرورت نہیں ہوتی کیونکہ یہ ہمیشہ بائیں طرف سے دائیں ہندسے کے بائیں طرف ہوتا ہے۔
یہ جدول کے تیسرے کالم میں دکھایا گیا ہے۔

اس جدول سے یہ بھی واضح ہے کہ اس طرح سے تین ہندسی کسری حصہ سے زائد اور چار ہندسی صحیح حصہ سے زائد اعداد کو ظاہر نہیں کیا جاسکتا۔
حقیقی اعداد کو اس طریقے سے ظاہر کرنے کے لیے کمپیوٹر بنائے جاتے ہیں۔ کسی حقیقی عدد کو کمپیوٹر سے ظاہر کرنے کے لیے درج ذیل اصولوں کو مد نظر رکھنا ہوتا ہے۔

اعداد کو 8، 16، 32 یا زیادہ بٹس میں ظاہر کیا جاسکتا ہے، جس میں نقطہ اعشاریہ نہیں لکھا جاتا۔

☆ نقطہ اعشاریہ ہمیشہ دسویں بٹ کے بعد ہوتا ہے۔

☆ MSB کو عدد کی علامت ظاہر کرنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے (0 سے مراد مثبت اور 1 سے مراد منفی)۔

☆ اگلے بقیہ 9 بٹس کو عدد کے صحیح عددی حصہ کو ذخیرہ کرنے کے لیے استعمال کیا جائے گا۔

☆ بقیہ 6 بٹس کو عدد کے کسری حصہ کو استعمال کرنے کے لیے استعمال کیا جائے گا۔

اس فارمیٹ کو نیچے دکھایا گیا ہے۔

کسری حصہ	صحیح عددی حصہ	علامتی بٹ

حقیقی اعداد کے اس طرح سے اظہار کو فکسڈ پوائنٹ اظہار کہتے ہیں۔ مندرجہ ذیل جدول ظاہر کرتا ہے کہ کیسے چند ثنائی اعداد کو فکسڈ پوائنٹ نمائندگی سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

اعشاری عدد	ثانی عدد	فلکسڈ پوائنٹ شکل میں عدد
3.625	011.1010	0000000011101000
247.90625	11110111.11101	0011110111111010
-7.66796875	-0111.10101011	1000000111101010 باقی بٹس موزوں نہیں
-81.765625	-1010001.110001	1001010001110001

اس نمائندگی کو استعمال کرنے کا فائدہ یہ ہے کہ اس کو استعمال کرنا بہت آسان ہے، جبکہ نقصان یہ ہے کہ بہت چھوٹے اور بہت بڑے اعداد کو

اس سے ظاہر نہیں کیا جاسکتا۔

مثال 1- 10 بٹس کو استعمال کرتے ہوئے صحیح عددی حصہ کے لیے 23.6 کو 16 بٹس فلکسڈ پوائنٹ شکل میں ظاہر کریں۔

$$23 = 010111_{(2)} \quad \text{اور} \quad 0.6 = .1001100$$

$$23.6 = 010111.1001001 = 0000010111.100110$$

$$23.6 = 0000010111.100110 \quad \text{فلکسڈ پوائنٹ فارم}$$

مثال 2- 10 بٹس کو استعمال کرتے ہوئے صحیح عددی حصہ کے لیے 36.25 کو 16 بٹس فلکسڈ پوائنٹ شکل میں لکھیے۔

$$36 = 0100100_{(2)} \quad \text{اور} \quad 0.25 = .01$$

$$36.25 = 0100100.01 = 0000100100.01$$

$$36.25 = 1000100100010000 \quad \text{فلکسڈ پوائنٹ فارم}$$

مندرجہ ذیل مثالیں فلکسڈ پوائنٹ اعداد کو اعشاری اعداد میں تبدیل کرنے کی وضاحت کرتی ہیں۔

مثال 3- فلکسڈ پوائنٹ عدد 0100010111.100100 کو اعشاری عدد میں تبدیل کیجیے جبکہ صحیح عددی حصہ کے لیے 10 بٹس کو استعمال کریں۔

$$\text{حل:} \quad .100100 = \text{کسری حصہ} \quad \text{اور} \quad 0100010111 = \text{صحیح عددی حصہ}$$

$$0100010111_{(2)} = 279$$

$$\text{اور} \quad .100100_{(2)} = 0.5 + .0625 = 0.5625$$

$$0100010111.100100 = 279.5625_{(10)}$$

پس

مثال 4- 16 بٹ فلکسڈ پوائنٹ عدد 1000110111.110000 کو اعشاری عدد میں تبدیل کیجیے جبکہ صحیح عددی حصہ کے لیے 10 بٹس

استعمال کریں۔

$$\text{حل:} \quad 110000 = \text{کسری حصہ} \quad \text{اور} \quad 1000110111 = \text{صحیح عددی حصہ}$$

$$1000110111_{(2)} = 55$$

$$110000_{(2)} = 0.5 + .25 = 0.75$$

اور

$$1000110111.110000 = 55.75_{(10)}$$

لہذا

5.6.2 فلوٹنگ پوائنٹ میں اظہار (Floating Point Representation)

کسی حقیقی عدد کا فلوٹنگ پوائنٹ میں اظہار ایک اور مفید طریقہ ہے۔ اس فارمیٹ میں، بہت چھوٹے اور بہت بڑے اعداد کو ایسے طریقے سے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔

$$174.592 = 0.174592 \times 10^3$$

اس اظہار کو سائنسی اظہار کا طریقہ کہتے ہیں، جس میں 10 اساس (Base) اور دس کی طاقت قوت نما ہے اور عدد کو مینٹیسہ کہتے ہیں۔ اس طرح اوپر دیے گئے عدد میں اساس 10، مینٹیسہ 0.174592 اور قوت نما 3 ہے۔ ہم ثنائی اعداد کو بھی اسی طریقہ سے لکھ سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر

$$1000.1101 = 0.10001101 \times 2^4$$

یہاں اساس 2، مینٹیسہ 10001101 اور قوت نما 4 ہے۔ درج ذیل پر غور کیجیے۔

مینٹیسہ لکھیے	قوت نما لکھیے	علامت لکھیے
---------------	---------------	-------------

درج ذیل جدول کی مدد سے مختلف ثنائی اعداد کو درج بالا فارمیٹ کی شکل میں رکھا گیا ہے۔ نوٹ کریں کہ ثنائی پوائنٹ کو اس طرح ایڈجسٹ کیا جاتا ہے کہ تمام اعداد کے مینٹیسہ میں لینڈنگ ہمیشہ 1 ہے۔

مینٹیسہ	قوت نما	علامت	عدد
1.10001101	4	+	1.10001101×2^4
1.1101101	5	-	-1.1101101×2^5
1.1010011	3	+	$1101.0011 = 1.1010011 \times 2^3$
1.1011	-2	+	$0.01101 = 1.1011 \times 2^{-2}$

حقیقی اعداد کو لکھنے کے لیے اس فارمیٹ کو فلوٹنگ پوائنٹ کا اظہار کہتے ہیں۔ اکثر ڈیجیٹل کمپیوٹرز حقیقی اعداد کو ظاہر کرنے کے لیے اس فارمیٹ کو استعمال کرتے ہیں۔ اس کتاب میں ہم درج ذیل فلوٹنگ پوائنٹ استعمال کریں گے۔

S	6 بت قوت نما						9 بت مینٹیسہ								
15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0

لہذا کمپیوٹرز فلوٹنگ پوائنٹ اعداد کے اظہار کے لیے 16 بتس استعمال کرتے ہیں۔

MSB جس کو S سے ظاہر کیا گیا ہے، عدد کی علامت کو ظاہر کرتا ہے۔ اگلے 6 بتس قوت نما کو ظاہر کرنے کے لیے استعمال ہوتے ہیں جبکہ 9

بتس عدد کے مینٹیسہ کو ظاہر کرنے کے لیے استعمال ہوتے ہیں۔ اس طرح کے اظہار کے لیے اہم نقاط درج ذیل ہیں۔

☆ ثنائی فلوٹنگ پوائنٹ عدد کی علامت کو سسٹم 8 بتس ظاہر کیا جاتا ہے۔ ایک بت منفی عدد کو اور صفر بت مثبت عدد کو ظاہر کرتا ہے۔

☆ قوت نما ایک علامتی صحیح عدد ہے اور اس کو 6 بتس 2 کا پیمائش عدد سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

☆ مینٹیسہ کا پہلا بت ہمیشہ 1 ہوتا ہے۔ لہذا اکثر نئے کمپیوٹرز میں یہ بتس لکھا ہوتا ہے۔

درج ذیل مثالیں اعداد کو فلوٹنگ پوائنٹ فارمیٹ میں ظاہر کرنے کے طریقہ کی وضاحت کرتی ہیں۔

مثال 1- 17.5 کو 16 بت فلونٹک پوائنٹ عدد میں ظاہر کیجیے۔

عمل 1: عدد کو ثنائی عدد میں تبدیل کیجیے۔

$$17.5 = 010001.10_{(2)} = 1.000110 \times 2^4$$

عمل 2: عدد کو فلونٹک پوائنٹ عدد میں ظاہر کیجیے۔

$$0 = + = \text{علامت}$$

$$4 = \text{قوت نما}$$

اور 6 بت 2 کا کمپلیمنٹ شکل میں 000100

$$\text{مینٹیا} = 1.00110 = 1.001100000$$

لہذا فلونٹک پوائنٹ فارمیٹ میں عدد

S	6 بت قوت نما						9 بت مینٹیا								
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	0	0	0	0	0

نوٹ: مینٹیا میں پہلا ایک ثنائی عدد نہیں لکھے گئے ہیں۔

مثال 2- 117.125 کو 16 بت فلونٹک پوائنٹ عدد میں ظاہر کیجیے۔

حل: عمل 1: عدد کو ثنائی عدد میں تبدیل کیجیے۔

$$-117.125 = -01110101.0010_{(2)} = -1.1101010010 \times 2^6$$

عمل 2: عدد کو فلونٹک پوائنٹ میں تبدیل کیجیے۔

$$1 = - = \text{علامت}$$

$$6 = \text{قوت نما}$$

اور 6 بت 2 کا کمپلیمنٹ کی شکل میں: 000110

$$\text{مینٹیا} = 1.1101010010 = 1.110101001$$

لہذا فلونٹک پوائنٹ فارمیٹ میں عدد درج ذیل ہے۔

S	6 بت قوت نما						9 بت مینٹیا								
1	0	0	0	1	1	0	1	1	0	1	0	1	0	0	1

مثال 3- (2) 0.0001101001001 کو 16 بٹس فلونٹک پوائنٹ عدد میں ظاہر کیجیے۔

حل: $-1.101001001 \times 2^{-4} = -0.0001101001001$

عمل 2: عدد کو فلونٹک پوائنٹ میں تبدیل کیجیے۔

علامت = - = 1

قوت نما = 4

اور 6 بٹس 2 کا کمپلیمنٹ کی شکل میں: 111100

مینٹیس = $1.101001001 = 1.1010010010$

مزید دو مثالیں پوائنٹ عدد کی ثنائی عدد میں تبدیلی کو ظاہر کرتی ہیں۔

S	6 بٹ قوت نما						9 بٹ مینٹیس								
1	1	1	1	1	0	0	1	0	1	0	0	1	0	0	1

مثال 4- درج ذیل 16 بٹ فلونٹک عدد کو ثنائی عدد میں تبدیل کیجیے۔

S	6 بٹ قوت نما						9 بٹ مینٹیس								
0	0	1	1	1	1	0	1	1	0	0	0	1	0	0	0

حل: $S = 0 = +ve$

قوت نما = $011110 = 30$

مینٹیس = 1.110001000

لہذا $1.110001000 \times 2^{30}$ ثنائی عدد ہے۔

نوٹ: مینٹیس میں 1 بعد میں لکھا گیا ہے کیونکہ عدد کو فلونٹک پوائنٹ شکل میں لکھتے وقت اسے چھوڑ دیا تھا۔

مثال 5- 16 بٹس فلونٹک پوائنٹ عدد کو ثنائی عدد میں تبدیل کیجیے۔

S	6 بٹ قوت نما						9 بٹ مینٹیس								
1	1	0	0	1	1	1	0	1	1	1	0	1	1	0	1

حل: $S = 1 = -ve$

قوت نما = $100111 = -011001 = -25$

مینٹیس = 1.011101101

لہذا $-1.011101101 \times 2^{-25}$ مطلوبہ عدد ہے۔

5.7 کمپیوٹر کوڈ (Computer Code)

ہم جانتے ہیں کہ ایلفا بیک ڈیٹا کریکٹرز پر اور ایلفا نو میرک ڈیٹا کریکٹرز اور ہندی اعداد پر مشتمل ہوتا ہے۔ اس ڈیٹا کو کمپیوٹر میں ظاہر کرنے کے لیے ہم ایلفا بیٹ کے ہر کریکٹر کے ساتھ ایک نو میرک کوڈ لگاتے ہیں۔ مثال کے طور پر A:65, B:66 وغیرہ۔ اس لیے ان کو ڈزکو استعمال کرتے ہوئے ہم دونوں ایلفا بیک اور ایلفا نو میرک ڈیٹا کو کمپیوٹر سسٹم میں ظاہر کر سکتے ہیں۔

ASCII (American Standard Code for Information Interchange)

ASCII ایک ایسی کوڈنگ سکیم ہے جسے آئی ایس او (ISO) نے طبع کیا ہے۔ یہ 7 بٹ کوڈنگ سکیم ہے۔ مختلف کریکٹرز کے لیے کوڈز کو درج

ذیل جدول میں ظاہر کیا گیا ہے۔

جدول ASCII کوڈز

کریکٹر	کوڈ	کریکٹر	کوڈ	کریکٹر	کوڈ	کریکٹر	کوڈ
,	96	@	64	Space	32		0
a	97	A	65	!	33		1
b	98	B	66	"	34		2
c	99	C	67	#	35		3
d	100	D	68	\$	36		4
e	101	E	69	%	37		5
f	102	F	70	&	38		6
g	103	G	71	,	39		7
h	104	H	72	(40		8
i	105	I	73)	41		9
j	106	J	74	*	42		10
k	107	K	75	+	43		11
l	108	L	76	'	44		12
m	109	M	77	-	45		13
n	110	N	78	.	46		14
o	111	O	79	/	47		15
p	112	P	80	0	48		16
q	113	Q	81	1	49		17
r	114	R	82	2	50		18
s	115	S	83	3	51		19
t	116	T	84	4	52		20
u	117	U	85	5	53		21
v	118	V	86	6	54		22
w	119	W	87	7	55		23
x	120	X	88	8	56		24
y	121	Y	89	9	57		25
z	122	Z	90	:	58		26
{	123	[91	;	59		27
	124	\	92	<	60		28
}	125]	93	=	61		29
~	126	^	94	>	62		30
	127	_	95	?	63		31

نوٹ: 0-31 کوڈز کے لیے کوئی کریکٹر نہیں ہے۔

ASCII میں کریکٹر A اور a کے لیے مختلف کوڈ ہیں۔ اکثر کمپیوٹر 8 بت ASCII کوڈ بھی استعمال کرتے ہیں۔ 8 بت ASCII کوڈز میں بقیہ 128 کوڈز گرافکل اور دوسرے خاص کریکٹرز ظاہر کرنے کے لیے استعمال ہوتے ہیں۔ درج ذیل مثالیں مختلف پیغامات کے لیے ASCII کے استعمال کو ظاہر کرتی ہیں۔

مثال 1- Binary کوڈ ریج ASCII ظاہر کیجیے۔

حل: ASCII کوڈ کے استعمال سے ہم دیکھتے ہیں کہ

کریکٹر	اعشاری کوڈ	ثنائی کوڈ
B	66	01000010
i	105	01101001
n	110	01101110
a	97	01100001
r	114	01110010
y	121	01111001

اس طرح ہم Binary کو یوں لکھ سکتے ہیں:

01000010 01101001 01101110 01100001 01110010 01111001

مثال 2- درج ذیل ASCII پیغام کو انگلش میں تبدیل کیجیے۔

01010111 01101000 01100001 01110100 00111111

ASCII کو استعمال کرتے ہوئے ہم دیکھتے ہیں:

کریکٹر	اعشاری کوڈ	ثنائی کوڈ
W	87	01010111
h	104	01101000
a	97	01100001
t	116	01110100
?	63	00111111

01010111 01101000 01100001 01110100 00111111

پیغام What! کو ظاہر کرتا ہے۔

5.7.2 ثنائی کوڈڈ اعشاریہ (Binary Coded Decima-IBCD)

اس کوڈنگ سکیم کو نو میرک ڈیٹا ظاہر کرنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے۔ ہم جانتے ہیں کہ اعشاری عددی نظام میں دس ہندسے ہوتے ہیں۔ ان ہندسوں کو ظاہر کرنے کے لیے ہمیں 4 ہٹ کوڈز کی ضرورت ہوتی ہے۔ BCD میں ہندسوں کے ساتھ درج ذیل کوڈز لگائے جاتے ہیں۔

BCD کوڈز کا جدول

ہندسہ	کوڈ	ہندسہ	کوڈ	ہندسہ	کوڈ	ہندسہ	کوڈ	ہندسہ	کوڈ
0	0000	1	0001	2	0010	3	0011	4	0100
5	0101	6	0110	7	0111	8	1000	9	1001

درج ذیل مثال BCD میں غیر منفی صحیح اعداد کو ظاہر کرتی ہے۔

مثال - 9807 کو BCD میں ظاہر کیجیے۔

حل: ہم جانتے ہیں کہ BCD میں

$$9 = 1001,$$

$$8 = 1000,$$

$$0 = 0000,$$

$$7 = 0111$$

اور

$$9807 = 1001 \ 1000 \ 0000 \ 0111 \quad \text{لہذا}$$

واضح طور پر ہمیں 4 ہندی عدد کو ظاہر کرنے کے لیے 16 ہٹس کی ضرورت ہوتی ہے۔ اسی عدد کو ثنائی میں 14 ہٹس استعمال کرتے ہوئے

ظاہر کر سکتے ہیں۔ BCD کوڈز زیادہ ہٹس استعمال کرتے ہیں۔ لہذا کمپیوٹر میموری کی مزید ضرورت ہوتی ہے۔

وہ اعداد جو BCD میں کوڈز ہوتے ہیں ان پر حسابی عوامل کرنے کے لیے یا تو انہیں پہلے ثنائی میں تبدیل کرنا پڑتا ہے اور تب حسابی عوامل

کرتے ہیں یا اس مقصد کے لیے خاص سرکٹ ڈیزائن کرنے پڑتے ہیں۔

5.7.3 توسیعی بائنری کوڈڈ اعشاریہ (Extended Binary Coded Decimal Interchange Code - EBCDIC)

IBM نے ایک نئی کریکٹر کوڈنگ سکیم متعارف کروائی ہے جسے EBCDIC کہتے ہیں۔ یہ موجودہ BCD کوڈز کی طرح کی بہتر سکیم ہے۔

یہ 8 ہٹ کوڈ ہے، لہذا EBCDIC میں 256 مختلف کوڈ ظاہر کیے جاسکتے ہیں۔ یہ کثرت سے استعمال ہونے والے کریکٹر کوڈز تھے لیکن پرنٹل کمپیوٹر کے

بڑھتے ہوئے استعمال اور کمپیوٹر نیٹ ورکس کی بناء پر ASCII کوڈنگ سکیم ایک سٹینڈرڈ کوڈنگ سکیم بن گئی ہے اور اب اکثر کمپیوٹرز ASCII استعمال

کرتے ہیں۔

درج ذیل جدول چند کریکٹرز اور EBCDIC کوڈز کو ظاہر کرتا ہے۔

مختلف کریکٹرز کے لیے EBCDIC کوڈز کا جدول

کریکٹر	ہیکس کوڈ	کریکٹر	ہیکس کوڈ	کریکٹر	ہیکس کوڈ	کریکٹر	ہیکس کوڈ
0	F0	\	E0	}	D0	{	C0
1	F1	.	E1	J	D1	A	C1
2	F2	S	E2	K	D2	B	C2
3	F3	T	E3	L	D3	C	C3
4	F4	U	E4	M	D4	D	C4
5	F5	V	E5	N	D5	E	C5
6	F6	W	E6	O	D6	F	C6
7	F7	X	E7	P	D7	G	C7
8	F8	Y	E8	Q	D8	H	C8
9	F9	Z	E9	R	D9	I	C9

5.7.4 یونی کوڈ (Unicode)

ان دنوں استعمال ہونے والی کوڈنگ سسٹموں میں یونی کوڈ ایک مقبول کوڈنگ سسٹم ہے۔ یہ 16 بت کوڈنگ سسٹم ہے، اس لیے اس سسٹم میں زیادہ کریکٹرز کو ظاہر کیا جاسکتا ہے۔

مشق

- 1- درج ذیل کی وضاحت کیجیے۔
 (a) ثنائی اعداد کا نظام (b) اوکٹل اعداد کا نظام (c) اعشاری اعداد کا نظام
 (d) ہیکسا ڈسیمیل اعداد کا نظام (e) ASCII کوڈز (f) BCD
- 2- مثالوں کی مدد سے درج ذیل کی وضاحت کیجیے۔
 (a) ڈیٹا (b) انفرمیشن
- 3- مختلف کمپیوٹر آپٹیکیشنز میں استعمال ہونے والے ڈیٹا کی بڑی اقسام کون سی ہیں؟ ان کی وضاحت کریں اور ان پر لاگو عوامل بیان کریں۔
- 4- علامتی اعداد کو ظاہر کرنے کے لیے 2 کا کمپلیمنٹ کے طریقہ کار کی وضاحت کیجیے۔ اس طریقہ کو استعمال کرتے ہوئے ہم تفریق کا عمل کیسے کر سکتے ہیں؟
- 5- علامتی اعداد کو ظاہر کرنے کے لیے 2 کا کمپلیمنٹ کے طریقہ کی وضاحت کریں۔ اس طریقہ سے تفریق کے عمل کی وضاحت کریں۔
- 6- درج ذیل اعشاری اعداد کو ثنائی، اوکٹل اور ہیکسا ڈسیمیل میں تبدیل کیجیے۔
 (a) 78 (b) 97 (c) 129
- 7- درج ذیل ہیکسا ڈسیمیل اعداد کو ثنائی، اوکٹل اور اعشاری اعداد میں تبدیل کیجیے۔
 (a) 7A₍₁₆₎ (b) 1C2₍₁₆₎ (c) 89₍₁₆₎
- 8- درج ذیل اوکٹل اعداد کو ثنائی، اعشاری اور ہیکسا ڈسیمیل اعداد میں تبدیل کیجیے۔
 (a) 125₍₈₎ (b) 57₍₈₎ (c) 777₍₈₎
- 9- ذیل ثنائی اعداد کو اوکٹل، اعشاری اور ہیکسا ڈسیمیل میں تبدیل کیجیے۔
 (a) 01110101₍₂₎ (b) 10101001₍₂₎ (c) 00110011₍₂₎
- 10- دیے گئے BCD اعداد کو ڈسیمیل 100111001 میں تبدیل کیجیے۔
 (a) 10101001 (b) 00000111 (c) 10000001
- 11- درج ذیل اعداد کو 8 ہٹ 1 کمپلیمنٹ اور 10 ہٹ 2 کا کمپلیمنٹ اعداد میں تبدیل کیجیے۔
 (a) 76 (b) -98 (c) -126
- 12- درج ذیل 8 ہٹ 1 کمپلیمنٹ اعداد کو اعشاری اعداد میں تبدیل کیجیے۔
 (a) 00101011 (b) 10001001 (c) 11111111
- 13- درج ذیل 8 ہٹ 2 کا کمپلیمنٹ اعداد کو اعشاری اعداد میں تبدیل کیجیے۔
 (a) 00111101 (b) 11111111 (c) 10101010
- 14- 8 ہٹ 1 کا کمپلیمنٹ کا طریقہ استعمال کرتے ہوئے درج ذیل تفریق کیجیے۔ جواب کی تصدیق اعشاری اعداد میں تبدیل کر کے کریں۔ تمام اعداد اعشاری نظام میں ہیں۔
 (a) 127-126 (b) 12-106 (c) -12-25

15- 8 ہٹ 2 کا کمپیوٹ کا طریقہ استعمال کرتے ہوئے درج ذیل تفریق کیجیے۔ جواب کی تصدیق کو اعشاری اعداد میں تبدیل کر کے کیجیے۔
تمام اعداد اعشاری نظام میں ہیں۔

(a) -57-96 (b) -120-110 (c) -60-68

16- 10 ہٹ 1 کا کمپیوٹ اور 2 کا کمپیوٹ کا طریقہ استعمال کرتے ہوئے درج ذیل تفریق کیجیے۔ نتیجہ کی تصدیق کے لیے اپنے جواب کو اعشاریہ میں تبدیل کیجیے۔

(a) -57-96 (b) -120-110 (c) -60-68

17- 8 ہٹس میں چھوٹے سے چھوٹا اور بڑے سے بڑا عدد کیا ہے؟

18- 8 ہٹس 1 کا کمپیوٹ میں چھوٹے سے چھوٹا اور بڑے سے بڑا عدد کیا ہے؟

19- 8 ہٹس 2 کا کمپیوٹ میں چھوٹے سے چھوٹا اور بڑے سے بڑا عدد کیا ہے؟

20- درج ذیل اعداد کو فکسڈ پوائنٹ سے ظاہر کیجیے۔ تبدیلی کے لیے درج ذیل فارمیٹ استعمال کیجیے۔ اپنے نتیجہ کی تصدیق کے لیے نتیجہ کو واپس اعشاری اعداد میں تبدیل کیجیے۔

(a) 25.5 (b) 233.9 (c) 33.6

10 ہٹس انٹگرل حصہ کے لیے

6 ہٹس کسری حصہ کے لیے

21- درج ذیل اعداد کو فکسڈ پوائنٹ اظہار استعمال کرتے ہوئے ظاہر کیجیے۔ تبدیلی کے لیے سابقہ سوال میں دیا گیا فارمیٹ استعمال کیجیے۔ کسی مشکل کی صورت میں وضاحت بھی کیجیے۔

(a) 1025.5 (b) 1233.9 (c) 2333.6

22- درج ذیل اعداد کو فکسڈ پوائنٹ استعمال کرتے ہوئے ظاہر کیجیے۔ باب میں دیے گئے فلوٹنگ پوائنٹ فارمیٹ کو استعمال کیجیے۔

(a) 1025.5 (b) 1233.9 (c) 2333.6

23- درج ذیل پیغامات کو ASCII کوڈز کو استعمال کرتے ہوئے ظاہر کیجیے۔ اپنے کوڈ پیغام کو واپس انگلش میں تبدیل کرتے ہوئے تصدیق کیجیے۔ (پس کریکٹر کو تبدیل کرنا نہ بھولیے)

(i) He is a good student

(ii) 2+2=4

(iii) I like Computer Science

(iv) Binary numbers are GREAT

24- خالی جگہ پُر کیجیے۔

(i) ----- غیر مترتب اعداد و شمار ہیں جن کی پروسیسنگ سے انفرمیشن حاصل ہوتی ہے۔

(ii) پروسیس کیا گیا ڈیٹا ----- کہلاتا ہے۔

(iii) -----، ----- اور ----- علامتی اعداد کے اظہار کے تین طریقے ہیں۔

- (iv) ASCII سے مراد ----- ہے۔
- (v) $1\ 000\ 0100\ 0010 = ()_{16}$
- (vi) $1\ 000\ 100\ 010 = ()_8$
- (vii) $00100011_{(2)}$ کا کمپلیمنٹ ----- ہے۔
- (viii) کمپیوٹر ہر چیز کو ----- کی شکل میں مینو پلیٹ کرتا ہے۔
- (ix) ہیکسا ڈسیمیل عدد کی اساس ----- ہے۔
- (x) ----- میں آخری حاصل (end carry) کو ضائع کر دیا جاتا ہے۔

-25 درج ذیل کو ملائیے۔

ڈیٹا	ASCII
پروسیسنگ	$22_{(10)}$
انفرمیشن	پروسیس کیا گیا ڈیٹا
ASCII	غیر مرتب اعداد و شمار جن کا کوئی مطلب نہیں اور جو پروسیسنگ کے لیے تیار ہیں۔
$16_{(16)}$	پروسیسنگ سے مراد ڈیٹا کو مینو پلیٹ کرنا، کیلکولیٹ کرنا، تقسیم کرنا یا ترتیب دینا ہے۔
$12_{(16)}$	$22_{(8)}$

-26 درست جواب لکھیے۔

- (a) ہیکسا ڈسیمیل عدد $10_{(16)}$ کے برابر ہے۔
- (i) $10_{(10)}$ (ii) $100_{(10)}$ (iii) $16_{(10)}$ (iv) پہلے تمام
- (b) ہیکسا ڈسیمیل عدد $100_{(16)}$ کے برابر ہے
- (i) $0001\ 0000\ 0000_{(2)}$ (ii) $256_{(10)}$ (iii) $400_{(8)}$ (iv) پہلے تمام
- (c) $0101010_{(2)}$ کا کمپلیمنٹ ہے۔
- (i) 1010110 (ii) 1010101 (iii) 0000011 (iv) ان میں سے کوئی نہیں
- (d) منفی بائری عدد 16 کا کمپلیمنٹ حاصل کیا جاتا ہے۔
- (i) عدد میں بتس کو اُلٹنے سے (ii) عدد میں بتس کو اُلٹنے سے اور ایک جمع کرنے سے
- (iii) کیلکولیٹ نہیں کیا جاسکتا (iv) (i) اور (ii) دونوں
- (e) $011\ 4752105$ ہے۔
- (i) نو میرک ڈیٹا (ii) ایلفا نو میرک ڈیٹا (iii) ایلفا چیک ڈیٹا (iv) دونوں (i) اور (ii)

- (i) ایسا کمپیوٹر بنانا جو کہ اعشاری عددی نظام استعمال کرتا ہو، ناممکن ہے۔
- (ii) $1234(16) = 11011100(2)$
- (iii) دنیا میں تمام کمپیوٹرز ASCII کوڈز استعمال کرتے ہیں۔
- (iv) 1 اور 2 کا کمپلیمنٹ کا طریقہ پٹس کی مخصوص تعداد کے لیے قابل عمل ہے۔
- (v) ہم 256 کا اظہار بذریعہ 8 پٹس نہیں کر سکتے۔
- (vi) اوکسل عددی نظام میں ہل 8 بنیادی ہندسے ہیں۔
- (vii) ASCII 7 پٹس کوڈنگ سکیم ہے۔
- (viii) یونی کوڈ سافٹ ویئر میں ملٹی لینگویجل مدد دہیا کرنے کے لیے استعمال ہوتا ہے۔
- (ix) BCD سے مراد بائنری کوڈڈ ہندسے ہیں۔
- (x) ہیکسا ڈسیمیل عددی نظام میں G کی قیمت 16 کو ظاہر کرتی ہے۔

جوابات

- امریکن سٹینڈرڈ کوڈ فار انفارمیشن انٹرنیٹ (iv) سائنڈ مقدار، 1's کمپلیمنٹ، 2's کمپلیمنٹ (iii) انفارمیشن (ii) ڈیٹا (i) 24.
- 2's کمپلیمنٹ (x) 16 (ix) بائنری عدد (viii) 11011101 (vii) 1024 (vi) 1024 (v)
26. (a) iii (b) iv (c) i (d) i (e) ii
27. (i) F (ii) F (iii) F (iv) T (v) T
- (vi) T (vii) T (viii) T (ix) F (x) F